

# Оптимальное управление движением вязкого теплопроводного газа при помощи нейронных сетей

КУЗНЕЦОВ КИРИЛЛ СЕРГЕЕВИЧ

*Дальневосточный Федеральный Университет (Владивосток), Россия*  
e-mail: kuznetsovks17@gmail.com

АМОСОВА ЕЛЕНА ВЛАДИМИРОВНА  
*ИМП ДВО РАН (Владивосток), Россия*  
e-mail: el\_amosova@mail.ru

## ОПТИМАЛЬНОЕ УПРАВЛЕНИЕ ДВИЖЕНИЕМ ВЯЗКОГО ТЕПЛОПРОВОДНОГО ГАЗА ПРИ ПОМОЩИ НЕЙРОННЫХ СЕТЕЙ

Кузнецов К.С.<sup>1</sup> Амосова Е.В.

*Дальневосточный федеральный университет, Владивосток*  
*Институт прикладной математики ДВО РАН, Владивосток*  
<sup>1</sup>kuznetsovks17@gmail.com

Рассматривается задача оптимального управления для системы уравнений газовой динамики в одномерном случае. В качестве управления выбирается скорость среды в начальный момент времени и на правом конце границы. Математическую модель, описывающую движение вязкого теплопроводного газа на интервале  $(0, 1)$ , вместе с граничными и начальными условиями можно описать следующей системой уравнений:

$$\rho [u_t + Sh uu_x] = \frac{Sh}{Re} u_{xx} - Sh k (\rho\theta)_x = 0, \quad \rho_t + Sh (u\rho)_x = 0, \quad (1)$$

$$\rho [\theta_t + Sh u\theta_x] = \frac{Sh}{Pe} \theta_{xx} + \frac{Sh \pi}{Re k} (u_x)^2 - Sh \pi \rho\theta u_x = 0, \quad (2)$$

$$u|_{t=0} = u_0(x), \quad \rho|_{t=0} = \rho_0(x), \quad \theta|_{t=0} = \theta_0(x), \quad (3)$$

$$u|_{x=0} = u_1(t), \quad \rho|_{x=0} = \rho_1(t), \quad \theta|_{x=0} = \theta_1(t), \quad u|_{x=1} = u_2(t), \quad \theta|_{x=1} = \theta_2(t), \quad (4)$$

где  $u, \rho, \theta$  — неизвестные скорость, плотность и температура газа,  $u_t = \partial u / \partial t$ ,  $u_x = \partial u / \partial x$ ,  $u_{xx} = \partial^2 u / \partial x^2$ ,  $u_0, \rho_0, \theta_0, u_1, \rho_1, \theta_1, u_2, \theta_2$  — заданные функции,  $Sh, Pe, Re, \pi, k$  — безразмерные коэффициенты.

Задача оптимального управления сводится к минимизации следующего функционала качества:

$$J(\mathbf{v}) = J_f(\mathbf{s}) + \alpha_1 \int_0^1 |u_{0x}|^2 dx + \alpha_2 \int_0^1 |u_{2t}|^2 dt, \quad (5)$$

где  $\mathbf{s} = \{u, \rho, \theta\}$  — состояние системы (1)–(4),  $\mathbf{v} = \{u_0, u_2\}$  — управление,  $\alpha_1 > 0$ ,  $\alpha_2 > 0$ ,  $J_f(\mathbf{s})$  — полунепрерывный снизу функционал.

Корректность задачи оптимального управления (1)–(5) изучена в работе [1].

На основе нейросетевой аппроксимации неизвестных функций разработан алгоритм поиска приближенного решения экстремальной задачи (5) при различных целевых функционалах  $J_f(\mathbf{s})$ .

Работа выполнена в рамках госзадания ИПМ ДВО РАН (№ 075-01290-23-00) и при поддержке Министерства науки и высшего образования РФ (проект № 075-02-2023-946)

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Амосова Е.В.* Оптимальное управление течением вязкого теплопроводного газа // Сибирский журнал индустриальной математики, 2007, том 10, номер 2, с. 5–22.